目 次

1 時間と周波数による信号の記述				
	1.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		
	1.2	時間による信号の記述 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	4	
	1.3	周波数による信号の記述 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		
	1.4	簡単に計算するこの ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		
	1.5	帯域幅方程式		
	1.6	振幅変調と周波数変調が帯域幅へ及ぼす影響 ・・・・・・・・・		
	1.7	スペクトルによる持続時間と平均時間の表現・・・・・・・・		
	1.8	信号の共分散 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	20	
	1.9	時間密度と周波数密度のフーリエ変換 ・・・・・・・・・・・・	22	
	1.10		23	
	1.11	信号の分類 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	25	
2	瞬時周	波数と複素信号	27	
	2.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	27	
	2.2	なぜ複素信号なのか ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	28	
	2.3	解析信号	30	
	2.4	解析信号の計算・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	31	
	2.5	解析信号の物理的な解釈 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	35	
	2.6	直交近似		
	2.7	瞬時周波数	40	
	2.8	瞬時周波数密度 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	42	
3 不確定性原理		性原理	44	
	3.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	44	
	3.2	不確定性原理	46	
	3.3	不確定性原理の証明・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	47	

vi			目次	目次		vii
	3.4	短時間フーリエ変換に対する不確定性原理 ・・・・・・・・・・	50	7.7	群遅延	102
4	物作人	∽特性関数	53	7.8	いくつかの例 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	103
4	西皮C 4.1	- 1 7 に因奴 - はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		7.9	復元公式	108
	4.1	1 次元密度 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		7.10) 瞬時周波数による展開 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	109
	4.2	1 次元特性関数		7.11	最適窓 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	110
	4.4	2 次元密度				
	4.5	局所量		8 ウィ	グナー分布	113
	4.6	局所平均と大域平均の関係 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		8.1	はじめに	
	4.7	新しい変数の分布・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		8.2	ウィグナー分布 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
	4.8	負の密度・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		8.3	一般的性質	
	2.0	X 12		8.4	大域平均 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
5	時間-	-周波数解析の必要性	70	8.5	局所平均	119
	5.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		8.6	例	
	5.2	簡単な解析的例・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	71	8.7	2つの信号の和のウィグナー分布 ・・・・・・・・・・・・・・	124
	5.3	実際例 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		8.8	その他の性質 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	127
	5.4	何故スペクトルは変化するのか ・・・・・・・・・・・・・・・	80	8.9	擬似ウィグナー分布 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	130
6	時間一周波数分布:基本的な考え方		82	8.10) 変形ウィグナー分布と正値性 ・・・・・・・・・・・・・・・・	132
U	6.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		8.11	ウィグナー分布とスペクトログラムの比較 ・・・・・・・・・・	133
	6.2	大城平均 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	-			
	6.3	局所平均 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		9 一般		136
	6.4	時間と周波数の推移不変性・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	-	9.1	はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
	6.5	線形スケーリング・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		9.2	一般的クラス・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
	6.6	弱有限台性と強有限台性・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		9.3	核関数法	
	6.7	不確定性原理 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		9.4	核に関する基本的性質 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	141
	6.8	不確定性原理と結合分布・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		9.5	大域平均	
	6.9	不確定性原理と条件付き標準偏差・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		9.6	局所平均	147
	6.10	基本的問題と簡単な歴史的背景・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		9.7	分布間の変換 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	149
7	短時間	プフーリエ変換	93	10 特性	E関数演算子法	152
	7.1	はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	93	10.1	はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	152
	7.2	短時間フーリエ変換とスペクトログラム ・・・・・・・・・・・	94	10.2	? 特性関数法	152
	7.3	一般的性質	97	10.3	3 特性関数の評価 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	154
	7.4	大域量	99	10.4	- 一般クラス ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	156
	7.5	局所平均	100	10.5	; 平均	157
	7.6	窓の幅の増減 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	101	10.6	3 モーメント法 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	158

riii 目次	目次 ix
---------	-------

11	干渉の	少ない核の設計	162	15	言号の表現	204
	11.1	はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	162		5.1 はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	 204
	11.2	干渉の少ない分布・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	162		5.2 信号の直交展開 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	 204
	11.3	積型核の設計 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	165		5.3 演算子代数 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 209
	11.4	凸集合の上への射影 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			5.4 平均 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 214
	11.5	Baraniuk-Jones の最適核設計 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・			5.5 任意変数に関する不確定性原理 ・・・・・・・・・	 216
				16	変数の密度	219
12	分布の	例	168		6.1 はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	 219
	12.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	168		6.2 1 変数の密度 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	 219
	12.2	チョイーウィリアムス法 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	168		6.3 平均値 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 222
	12.3	Zhao-Atlas-Marks 分布 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	172		6.4 帯域幅・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	 223
	12.4	Born-Jordan 分布 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	174		6.5 任意の初期表現 ・・・・・・・・・・・・・・・・・	 224
	12.5	複素エネルギースペクトル ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	174	15	「会亦物に分せては公主項	กกะ
	12.6	移動スペクトル ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	175	17	E意変数に対する結合表現 7.1 はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	225
					7.2 周辺分布 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
13	さらに	さらに進んだ展開			7.3 特性関数演算子法 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	13.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・			7.4 評価の方法 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
	13.2	瞬時帯域幅	178		7.5 任意の変数に対する一般クラス ·····	
	13.3	多成分信号	182		7.6 分布間の変換 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
	13.4	空間-空間周波数分布 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	184		7.7 局所自己相関関数 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	13.5	FM 信号のデルタ関数分布 ・・・・・・・・・・・・・・・・	185		7.8 瞬時値 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 230
	13.6	Gabor 表現と時間-周波数分布 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	186		7.9 任意の変数対に対する局所量 ・・・・・・・・・	 231
	13.7	スペクトログラムによる展開・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	187		7.10 共分散 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 232
	13.8	スペクトログラムの他の分布による表現 ・・・・・・・・・・・	189		7.11 短時間フーリエ変換の一般化 ・・・・・・・・・	 233
	13.9	分布の特異値分解 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	190		7.12 ユニタリ変換 ・・・・・・・・・・・・・・・・	 23 5
	13.10	合成	191		7.13 逆周波数 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 238
	13.11	確率的信号	192		7.14 付録	 240
	13.12	数値計算	193	18	くケール	242
		信号解析と量子力学・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		10	8.1 はじめに ········	
					8.2 スケールと圧縮演算子 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
14	周辺条]辺条件を満たす正値分布			8.3 スケール固有関数	
	14.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	198		8.4 スケール変換 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
	14.2	正值分布	198		8.5 鋭いスケール成分を持つ信号 ・・・・・・・・・	
	14.3	Loughlin, Pitton および Atlas の方法 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	201		8.6 スケール特性関数 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	 249

Х			目次
	18.7	平均スケールと帯域幅 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	250
	18.8	瞬時スケール ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	251
	18.9	スケールに関する不確定性原理 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	252
	18.10	周波数スケーリングとそれ以外のスケーリング・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	252
	18.11	付録	254
19	結合ス	ケール表現	255
	19.1	はじめに ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	255
	19.2	結合時間-スケール表現 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	255
	19.3	時間-スケール表現の一般クラス ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	256
	19.4	結合周波数-スケール表現 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	258
	19.5	時間,周波数およびスケールの結合表現 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	258
	19.6	付録	260
参え	考文献		263
索	31		29 3