



# 目 次

まえがき

文 献

## 第1章 塊状性判別条件

§ 1. 対称な偶然彷徨	1
§ 2. 推移関数	2
§ 3. $n \rightarrow \infty$ のときの軌道の挙動	4
§ 4. 調和関数	7
§ 5. ポテンシャル	10
§ 6. 超過関数	13
§ 7. 容量	15
§ 8. 塊状性判別条件	17
§ 9. 軸上の集合の塊状性	22
問題	27

## 第2章 二, 三の方程式の確率的解

§ 1. ウィーナー過程の定義	35
§ 2. 円からの脱出時刻における分布と平均脱出時間	38
§ 3. マルコフ性と強マルコフ性	41
§ 4. 脱出確率の調和性	43
§ 5. 境界の正則点と非正則点	46
§ 6. 0-1 法則, 正則性の判定法 (十分条件)	50
§ 7. ディリクレの問題	54

§ 8. ポアソンの方程式の確率的解.....	61
§ 9. 無限小作用素と特性作用素.....	62
問 題 .....	67

### 第3章 最適打切りの問題

§ 1. 最良選択の問題.....	76
§ 2. マルコフ連鎖の最適打切りの問題.....	87
§ 3. 超過関数.....	91
§ 4. ゲームの価格.....	94
§ 5. 最適戦略.....	95
§ 6. 吸収をもつ偶然彷徨および最良選択の問題への応用.....	98
§ 7. ウィーナー過程の最適打切り .....	101
§ 8. 凸関数の基本的性質の証明.....	107
問 題 .....	114

### 第4章 境界条件

§ 1. はじめに.....	129
§ 2. 出生死亡過程.....	133
§ 3. 標準尺度と脱出確率.....	136
§ 4. 反撓境界と誘引境界.....	142
§ 5. 特性数. 平均脱出時間と速さの測度.....	143
§ 6. 到達可能な境界と到達不可能な境界.....	151
§ 7. 出生死亡過程の接続. 問題の設定.....	153
§ 8. 跳躍測度と反射係数.....	159
§ 9. 吸収係数. 境界の内方通過性.....	166
§ 10. 境界条件.....	175
§ 11. 一意性の定理.....	178

問 題 .....	185
-----------	-----

## 付 錄

§ 1. 関数 $g(x, y)$ の評価 .....	194
§ 2. 凸関数のいくつかの性質 .....	198
§ 3. 方程式 $p(s)p(t)=p(s+t)$ の解 .....	201
索 引 .....	204