

目 次

I 実数, 連続関数

	頁
§ 1. 基本用語と記号	1
§ 2. 実数の性質, 実数列	5
§ 3. コーシー列, 実数の完備性 [問題]	14
§ 4. 複素平面 [問題]	27
§ 5. 距離空間の点列	34
§ 6. ユークリッド空間とその位相 [問題]	38
§ 7. 関数と極限, 連続関数	48
§ 8. 連結性, コンパクト性 [問題]	55

2 微分とその応用

§ 1. 実数値関数の偏微分	65
§ 2. 初等関数 [問題]	75
§ 3. 実数値関数の微分	86
§ 4. 写像の微分 [問題]	97
§ 5. 高階導関数, Taylor の定理 [問題]	111
§ 6. 極大, 極小 [問題]	129
§ 7. 無限大, 無限小 [問題]	136
§ 8. 問題補遺 (曲線の微分幾何)	141

3 積 分

§ 1. 定積分	146
§ 2. 積分の計算 [問題]	154
§ 3. 広義積分 [問題]	165
§ 4. 定積分の応用 [問題]	171

4 級 数

§ 1.	級数	178
§ 2.	正項級数 [問題]	180
§ 3.	関数項の級数, べき級数 [問題]	187
§ 4.	パラメータつき関数の微積分 [問題]	197

5 微分方程式

§ 1.	1階微分方程式	207
§ 2.	2階線形微分方程式	212

6 陰関数定理

§ 1.	逆写像定理と陰関数定理	223
§ 2.	なめらかな図形—グラフ, 正則零点, 多様体—	236
問 題		241

7 重 積 分

§ 1.	n 重閉区間とその上の重積分	246
§ 2.	Fubini の定理 (重積分の反復積分法)	252
§ 3.	有界図形上での重積分	256
§ 4.	グラフ区間 (あるいは縦線図形) 上の重積分	261
§ 5.	広義重積分と変数変換の公式	269
問 題		286

8 m 次元曲面上の積分—Stokes の定理—

§ 1. m 次元曲面とその m 次元面積	289
§ 2. 微分形式とその積分	299
§ 3. 閉微分形式と完全微分形式 (Poincaré の補題と Stokes の定理)	311
問題	322

9 物理学にでてくる例

§ 1. 3次元空間 R^3 でのベクトル解析	327
§ 2. 質点系の力学への応用	342
§ 3. Stokesの定理の応用	350
問題	359
索引	364