

目 次

まえがき

第 1 章	予備概念	1
§ 1.1	集 合	1
§ 1.2	函数と函数列	2
§ 1.3	積分と不等式	7
第 2 章	Fourier 級數	14
§ 2.1	Fourier 級數の定義	14
§ 2.2	周期 $2T$ の函数	18
§ 2.3	Fourier 級數の演算	18
§ 2.4	Fourier 級數の例	20
問 題		27
第 3 章	Fourier 級數の総和法と基本的性質	28
§ 3.1	Fourier 級數の総和法	28
§ 3.2	総和定理	31
§ 3.3	近似定理と一意性	40
§ 3.4	総和法の例	42
§ 3.5	直交函数と Parseval の等式	48
§ 3.6	微分演算と Fourier 係数	56
§ 3.7	Fourier 係数の大きさ	59
問 題		61
第 4 章	Fourier 級數の収束	63
§ 4.1	Fourier 級數の部分和	63

§ 4.2 Fourier 級数の収束条件	65
§ 4.3 Gibbs 現象	70
§ 4.4* Fourier 級数の収束性	76
§ 4.5 Lebesgue の定数	79
問 題	80
 第 5 章 Fourier-Stieltjes 級数	82
§ 5.1 Helly の定理	83
§ 5.2 Fourier-Stieltjes 級数の特徴づけ	87
§ 5.3 Fatou の定理	92
§ 5.4 Wiener の定理	94
問 題	98
 第 6 章 特殊な Fourier 級数	99
§ 6.1 単調な係数をもつ三角級数	99
§ 6.2* 級数 $\sum n^{-\alpha} \cos nx, \sum n^{-\alpha} \sin nx$	104
§ 6.3 任意次数積分と Fourier 級数	108
§ 6.4 間隙級数	109
問 題	115
 第 7 章 絶対収束 Fourier 級数	117
§ 7.1 Fourier 級数の絶対収束	118
§ 7.2 空間 $A(\mathbf{T})$	120
§ 7.3 空間 $A(\mathbf{T})$ の演算	123
§ 7.4 $A(\mathbf{T})$ のイデアル	129
問 題	131
 第 8 章 Fourier 級数と共役函数	133
§ 8.1 共役函数	134

§ 8.2* 共役函数のノルム評価	136
§ 8.3* 共役函数の存在	146
§ 8.4* 部分和のノルム収束	148
問 題	150
 第 9 章 三角多項式による近似	151
§ 9.1 最良近似	151
§ 9.2 連続度と近似値(Jackson の定理)	154
§ 9.3 Bernstein の定理	157
§ 9.4 線型作用素による近似	162
§ 9.5 補間公式と Fourier 係数の近似	173
問 題	180
 第 10 章 Fourier 変換	182
§ 10.1 Fourier 反転公式	183
§ 10.2 総和定理	188
§ 10.3 Plancherel の定理	192
§ 10.4 微分と Fourier 変換	193
§ 10.5 Paley-Wiener の定理	195
§ 10.6 Fourier-Stieltjes 変換	199
問 題	204
 第 11 章 多変数の Fourier 変換と級数	206
§ 11.1 多変数の Fourier 変換と空間 $\mathcal{S}(\mathbf{R}^d)$	206
§ 11.2 総和定理	211
§ 11.3 総和法の例とその応用	214
§ 11.4 Bochner の公式	220
§ 11.5 Poisson の公式と多変数の Fourier 級数	223
§ 11.6 多変数の Fourier 級数	226

問 題	229
附 錄	
A 一般級数の総和法	230
B ガンマ函数, ベータ函数, Bessel 函数	231
C $d-1$ 次元単位球面上の積分	233
問題の解答	235
あとがき	245
索 引	249

