



# 目 次

1. 位 相 群 .....	1
1.1 はじめに .....	1
1.2 群とベクトル空間 .....	4
1.3 位相空間 .....	11
1.4 位相群 .....	20
1.5 位相群の位相 .....	25
1.6 剰余空間と剰余群 .....	29
1.7 等質空間(I) .....	33
1.8 等質空間(II) .....	40
1.9 位相群の連結性 .....	44
問 題 1 .....	47
2. 線型群 .....	50
2.1 線型群 .....	50
2.2 ベキ級数 .....	54
2.3 ベキ級数の和、積および合成 .....	60
2.4 行列の指數写像 .....	69
2.5 線型群の極表示 .....	78
問 題 2 .....	86
3. 基本群とファイバー空間 .....	88
3.1 基本群 .....	88
3.2 ファイバー空間 .....	95
3.3 位相群の基本群 .....	104
問 題 3 .....	110

4. リー群 .....	113
4.1 実解析関数 .....	113
4.2 実解析写像 .....	119
4.3 実解析多様体 .....	126
4.4 リー群 .....	136
4.5 リー群のリー環 .....	143
4.6 1パラメーター部分群 .....	150
4.7 リー群の標準座標系 .....	154
4.8 リー群構造の一意性 .....	158
問 題 4 .....	163
5. リー部分群とリー部分環 .....	164
5.1 リー部分群 .....	164
5.2 ティラーの展開定理 .....	169
5.3 閉部分群と剰余空間 .....	173
5.4 隨伴表現とその応用 .....	181
5.5 マウレル・カルタン方程式 .....	186
5.6 リー部分群とリー部分環 .....	195
5.7 弧状連結部分群 .....	203
問 題 5 .....	214
問題解答のヒント .....	215
参考書 .....	219
索引 .....	221

