

目 次

第 1 章 数列と実数の連續性	1
§ 1. 基本事項と記号の説明	1
§ 2. 写像(関数)の定義	2
§ 3. 実数の連續性	3
§ 4. 10進法展開	5
§ 5. 数列と極限	7
§ 6. 単調数列	9
§ 7. 区間縮小法	9
§ 8. Cauchy の判定法	10
§ 9. 収束数列に関する定理	12
第 2 章 無限級数	17
§ 10. 級数と部分和列	17
§ 11. 正項級数	18
§ 12. 絶対収束と条件収束	21
第 3 章 連続関数	26
§ 13. 関数の極限	26
§ 14. 連続関数	30

§ 15. 中間値の定理と逆関数	33
§ 16. 有界閉区間上の連続関数の性質	36
第 4 章 面積の問題と定積分	38
§ 17. 図形の面積と階段関数の積分	38
§ 18. 定積分の定義	42
§ 19. 可積分関数	45
§ 20. 定積分の性質 (1)	49
§ 21. 定積分の性質 (2)	55
第 5 章 導関数と微分積分学の基本定理	58
§ 22. 微分係数と導関数	58
§ 23. 微分公式	60
§ 24. 平均値の定理	65
§ 25. 原始関数と微分積分学の基本定理	68
第 6 章 初等関数	73
§ 26. 対数関数と指数関数	73
§ 27. 三角関数と逆三角関数	80
第 7 章 積分の計算と微分積分の応用	89
§ 28. 導関数の応用	89
§ 29. 積分の計算	96
§ 30. 広義積分	106
§ 31. 定積分の応用	113
第 8 章 Taylor 展開と近似計算	121
§ 32. べき級数と Taylor の公式	121
§ 33. 数値解法	135

§ 34. 定積分の近似計算	142
第 9 章 ベクトルと曲線 150	
§ 35. ベクトルの定義	150
§ 36. ベクトルの内積と長さ	152
§ 37. 直線と平面の方程式	155
§ 38. ベクトル積	157
§ 39. ベクトル値関数と曲線	162
§ 40. 曲線の長さと曲率	166
第 10 章 多変数関数の微分 173	
§ 41. 多変数の実数値関数	173
§ 42. 方向微分係数と偏微分	177
§ 43. 全微分可能性と勾配ベクトル	179
第 11 章 合成関数の微分法則と偏導関数の応用 191	
§ 44. 多変数ベクトル値関数の微分	191
§ 45. C^q 級の関数と Taylor の公式	199
§ 46. 陰関数の定理と陰関数の微分法	203
§ 47. 多変数関数の極値	207
§ 48. Lagrange の乗数法	211
第 12 章 重積分 214	
§ 49. 二重積分の定義	214
§ 50. 二重積分の性質と反復積分	216
§ 51. 三重積分	223
§ 52. 重積分の変数変換公式	224
第 13 章 線積分と面積分 236	

§ 53. 線積分とポテンシャル関数	236
§ 54. Green の定理	240
§ 55. 面積分	248
§ 56. Stokes の定理と Gauss の定理	259
問題の解答	268
参考書	295
索引	297

